

⑧ 力積と運動量

(1) 物理量のまとめ

力積 $\vec{F}\Delta t$ [N·s] ベクトル量

運動量 $m\vec{v}$ [kg·m/s] ベクトル量

[N·s] と [kg·m/s] は単位の組み立て(次元)は同じ。

$$\hookrightarrow [\text{kg} \cdot \text{m/s}^2 \cdot \text{s}]$$

$$ma = F \text{ から}$$

同じだけれども、

力積のときは N·s を用い、

運動量のときは kg·m/s を用いる。

(2) 力積と運動量の関係

運動方程式から

$$m\vec{a} = \vec{F} \Rightarrow m \frac{\vec{v}' - \vec{v}}{\Delta t} = \vec{F} \Rightarrow m\vec{v}' - m\vec{v} = \vec{F}\Delta t$$

$$m\vec{v}' - m\vec{v} = \vec{F}\Delta t$$

↑ あとの運動量 ↓ はじめの運動量

物体の運動量は、物体に加えられた力積の分だけ変化する。

$$\text{物体が受けた力積} = m\vec{v}' - m\vec{v}$$

話題に
して力積の
考え方を拡張

↓
力が一定でなくてよい。

$$\text{平均の力 } \overline{F} = \frac{m\vec{v}' - m\vec{v}}{\Delta t}$$

こんな関係も
使えるように作りました

(3) 運動量保存の法則

$$m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = m_1 \vec{v}'_1 + m_2 \vec{v}'_2$$

2つの物体間でのみ力がはたらくとき、

特例として、空中での衝突の場合、衝突の直前と直後で運動量保存の法則が成り立つ。

(4) 反発係数

$$e = \frac{\text{離れる速さ}}{\text{近づく速さ}}$$

斜め衝突の場合は面に垂直な成分で考える

覚えておこう。 $e = 1$ 弹性衝突

$0 \leq e < 1$ 非弾性衝突

$e = 0$ 完全非弾性衝突

$e = 1$ のときは衝突の直前直後で力学的エネルギーが保存される。

$e \neq 1$ のときは保存されず減少する。